

Rechnen lernen im täglichen Mathetraining

Trainingsfeld 5: „Rechnen mit Starterzahlen“

Manche Kinder brauchen wesentlich mehr Zeit und Übung als andere, um sich Zahlenbilder arabischer Zahlen mühelos vorstellen zu können. Das führt im traditionellen Unterricht häufig dazu, dass diese Kinder Ableitungsstrategien auf der Grundlage von Zahlenbildern nicht erlernen können!

Wir versuchen alles zu tun, um möglichst günstige Bedingungen zu schaffen, damit alle Kinder in den ersten Schulwochen lernen unser Stellenwertsystem zu verstehen, damit wir auf dieser Grundlage gemeinsam ins Rechnen kommen können. Wir drehen daher gleichzeitig an vier Stellschrauben:

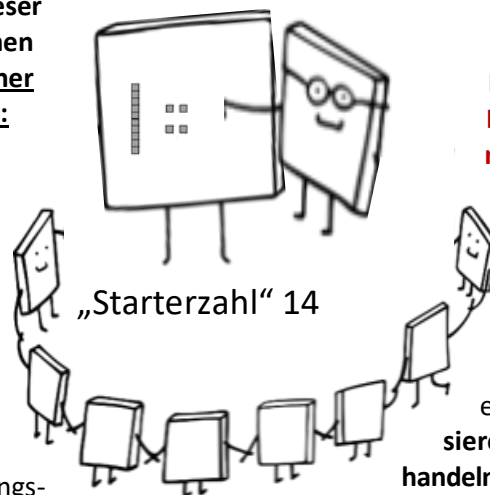
1. Kinder lernen vom ersten Schultag an in jedem Mathetraining **das Zählen mit paralleler Zahl-Mengen-Zuordnung** auf bildlicher und handelnder Ebene und bekommen damit bereits beim Zählen einen Zugang zu unserem Stellenwertsystem.
2. Kinder üben im zweiten Trainingsfeld des Zahlentrainings systematisch die Zahl-Mengen-Zuordnung im offenen Zahlenraum auf vielfältige Art und Weise, was sich weiterhin sehr günstig auf die Leistungsfähigkeit der Kinder in diesem Bereich auswirkt.
3. Wir bieten Kindern auch im fünften Trainingsfeld **überschaubare Lernsituationen**: Wie wir im vierten Trainingsfeld Kindern manchmal über Tage und Wochen Zeit geben, das Rechnen mit einer einzigen Rechenstrategie an einem einzigen Aufgabenformat zu erlernen und zu üben, schaffen wir im fünften Trainingsfeld überschaubare Lernsituationen, indem wir **im Rechentraining eines Tages nur mit einer einzigen arabischen Zahl bzw. dessen veranschaulichtem Zahlenbild als „Starterzahl“ ins Rechnen kommen** (→ Beispiel Seite 29).

Dabei nehmen wir immer eine Zahl, deren einzelne Stellenwerte Kinder schnell simultan erfassen können (z.B. 14, 32, 34, 124 etc.).

Mit dieser Vorgehensweise nehmen wir Kindern die Arbeit ab bzw. **wir vermeiden die Überforderung, dass sich Kinder permanent, also mit jeder neuen Aufgabe, neue Zahlenbilder vorstellen müssen**, bevor sie mit dem Rechnen beginnen können.

Das Arbeitsgedächtnis der Kinder wird auf diese Weise wesentlich entlastet, Kinder können sich auf das Erfassen der Aufgabestellung und das Erlernen des Rechnens mit Ableitungsstrategien und nicht auf das permanente Erzeugen von Zahlenbildern konzentrieren!

4. Da wir die „Starterzahl“ im Mathetraining für alle Kinder sichtbar mit dem Zehnersystemmaterial (oder einem anderem zehnerbasierten Material) an unserer Magnettafel veranschaulichen, können Kinder diese von Anfang an leicht als Ausgangspunkt fürs gemeinsame Rechnen im Mathetraining Rechnen nutzen.



„Sehendes Rechnen“

Kinder können im Mathetraining **den Lösungsprozess von Aufgaben „live“ mitverfolgen**, indem Lehrer:innen zuerst alle Aufgaben auf sprachlich-symbolischer Ebene stellen, dann die Aufgabestellung mehrfach wiederholen und dabei so lange Hilfen auf ikonischer und zum Schluss auf handelnder Ebene geben, bis alle Kinder eine Lösungsidee haben. **Wir konkretisieren dabei den Lösungsweg auf bildlich-handelnder Ebene an der Magnettafel vor**

den Augen der Kinder: dieses gemeinsame Rechnen nennen Kinder **„Sehendes Rechnen“**.

Indem Rechenaufgaben wiederholt konkretisiert und abstrahiert werden, wird nach J. Bruner ein tiefes Verstehen der mathematischen Zusammenhänge erreicht (Hilgers, A., 2018).

Aufgabenformat: „Rechnen mit der 14“










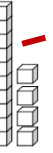
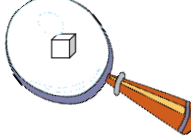
Wir kommen auf der Grundlage einer arabischen Zahl als Starterzahl bereits in den ersten Schulwochen im Rechentraining auf ganz unterschiedliche Art und Weise ins Rechnen, was wir am folgenden Beispiel zeigen.

1. **„Rechnen mit der 14“: Ausgangspunkt für das Rechnen mit vier Ableitungsstrategien**
 1. **„um eins (zwei, drei) mehr oder weniger“**
 $14 \pm 1(2,3)$
 2. **„Rechnen mit der 10, 100, 1000...“** $14 + 10$ (20, 100, 200, 1000, ...) und $14 - 10$
 3. **„8er-9er-Trick“** 14 ± 10 (9, 8, 11, 12)
(Nachbaraufgaben von „Rechnen mit der 10“)
 4. **„Fast alles Abräumen“** $14 - 14 = 0 \rightarrow 14 - 13 = ?$ und $14 - 12 = ?$

... weitere Aufgaben auf der Seite 29 unten:

Ableitungen auf der Grundlage arabischer Zahlen: Beispielaufgaben mit der „Starterzahl 14“

Aufgaben verstehen und lösen – konkretisieren und abstrahieren

Symbolische Ebene	Bildliche Ebene	Handelnde Ebene	Bildliche Ebene	Symbolische Ebene
symbolisch-verbal oder symbolisch-visuell	Ausgangspunkt: ein Zahlenbild	konkrete Rechenhandlungen	Rechenergebnis auf bildlicher Ebene	Übersetzung des Ergebnisses auf die symbolische Ebene
„Vierzehn plus eins?“ „um eins (zwei, drei) mehr oder weniger“	Ein Zehner und vier Einer 	„plus 1“ heißt ... „einen Einer dazu-tun“ 	Ein Zehner und fünf Einer 	Ergebnis: „15“ „Vierzehn plus eins ist fünfzehn.“
„Vierzehn minus zehn?“ „Rechnen mit der 10, 100, 1000 ...“	Ein Zehner und vier Einer 	„minus 10“ heißt ... einen Zehner „weg-nehmen“ 	Vier Einer 	Ergebnis: „4“ „Vierzehn minus zehn ist vier.“
„Vierzehn minus neun?“ „8er-9er-Trick“	Ein Zehner und vier Einer 	„minus 9“ heißt ... „einen Zehner weg-nehmen“ und „einen Einer „dazu-tun“ 	Fünf Einer 	Ergebnis: „5“ „Vierzehn minus neun ist fünf.“
„Vierzehn minus dreizehn?“ „Fast alles Abräumen“	Ein Zehner und vier Einer 	„minus 13“ heißt ... „einen Einer liegenlassen und den Rest „abräumen“: einen Zehner und drei Einer „weg-nehmen“ 	Ein Einer 	Ergebnis: „1“ „Vierzehn minus dreizehn ist eins.“

2. „Rechnen mit der 14“: „10+4=14“ als arithmetisches Faktum, vgl. Trainingsfeld 4

1. Umkehr- und Ergänzungsaufgaben:

$10+4=14 \rightarrow 14-4=?$ ($14-10=?$, $10+?=14$, $4+?=14$)

2. Nachbaraufgaben:

$14-4=10 \rightarrow 14-5=?$ oder $14-4=10 \rightarrow 14-3=?$, ...)

3. Analogieaufgaben: wie $14-4=10 \rightarrow 140-40=?$

4. Nachbar- von Analogieaufgaben: wie z.B.

$14-4=10 \rightarrow 140-40=100 \rightarrow 140-50=?$ oder ...

$14+10=24 \rightarrow 140+100=240 \rightarrow 140+90=?$

5. Rechengesetze: Kommutativgesetz: Tauschaufgaben zu allen oben beschriebenen Umkehr-, Ergänzungs-, Nachbar- und Analogieaufgaben $10+4=4+10$; **Konstanzgesetz von Summen:** z.B. $10+4=9+5=8+6$ oder ...

3. „Rechnen mit der „14“: mit verschiedenen Aufgaben mit mehreren Strategien parallel ins Rechnen kommen, z.B. :

- 14 ± 10 (11,12, ...) oder $14+20$ (21,22, ..) oder $14+30$ (31, 51, 71, ...) oder $14+100$ (110, 111, 112, 131, 132, ...) oder $14+1000$ (1100, 1110, 1111, ...) oder $14+1000$ (1001, 1002, ...) oder ...
- oder $14+14=? \rightarrow 14+16=?$ oder $14+14=? \rightarrow 14+114=? \rightarrow 14+116=?$ oder $14+1114=?$; ... oder $14+14=? \rightarrow 34+34$ (134+134, 1340+1340, ...)
- $14+2=16 \rightarrow 140+20=?$ oder $14+10=24 \rightarrow 140+100=240 \rightarrow 140+90=? \rightarrow 140+80=? \rightarrow 240+80=?$...
- $14+10$ (9, 8) oder $14+20$ (19, 18) oder $14+50$ (49, 48) oder $14+100$ (99, 98) oder ...